2009年度 宇宙科学 II (関井) 期末レポート課題

以下の設問に答えよ。提出先:教務課、形式: A4(氏名、学生証番号を忘れずに) 提出締切:7月21日

問1.太陽は温度 T_0 の黒体放射をしており、太陽から距離 D のところに半径 $a(\ll D)$ の黒体の球があるとする。太陽半径は $R_0(\ll D)$ 、Stefan-Boltzmann 定数は σ として、以下の問に答えよ。

- 1. この球体が太陽から単位時間に受ける放射熱を求めよ。
- 2. この球体が温度 T の時に、単位時間に放射する熱を求めよ。
- 3. 十分長い時間の後、この球体の温度は T_1 に達したとする。 T_1 を求めよ。
- 4. 球体のかわりに、半径 b の黒体円板を太陽に向けて置いたとして 1 、十分長い時間の後のこの円板の温度 T_2 を求めよ。
- 問 2. 質量が M、半径が R で密度が一定の球対称の星の平衡状態を考える。
 - 1. この星の内部の圧力 P を、中心からの距離 r の関数として求めよ。万有引力定数は G とし、表面での圧力はゼロとする。
 - 2. 単位体積あたりの熱エネルギーは 3P/2 であるとして、この星の熱エネルギー $E_{\rm th}$ を求めよ。
 - 3. この星の重力エネルギー E_{grav} を求めよ。
 - 4. 全エネルギー $E = E_{\text{gray}} + E_{\text{th}}$ を求めよ。
 - 5. この星を全体としてみた時の比熱に関してどんなことが言えるか、簡潔に記せ。
- 問3.太陽内部で起こる pp チェーン反応のうち、いわゆる pep 反応

$$p + e^- + p \rightarrow d + \nu + Q$$

について考える。

- 1. ニュートリノのエネルギー E_{ν} を反応熱 Q と重陽子の質量 $m_{\rm d}$ とで表わせ。ただし、重陽子の運動量の絶対値を $P_{\rm d}$ 、ニュートリノの運動量の絶対値を P_{ν} とした時、重陽子の運動エネルギーは $P_{\rm d}^2/2m_{\rm d}$ 、ニュートリノのエネルギーは $P_{\nu}c$ とせよ (c は真空中の光速)。また、反応前の各粒子は静止していたと考えてよいことにする。
- 2. 反応熱 $Q=1.44\,{
 m MeV}$ 、重陽子の静止質量エネルギー $m_{
 m d}c^2=1875.61{
 m MeV}$ として、 E_{ν} を有効数字 3 桁(単位 ${
 m MeV}$)で求めよ。
- 3. 別の反応

$$p + p \rightarrow d + e^+ + \nu + Q'$$

から生じるニュートリノのエネルギーについては何が言えるか。ただし反応熱 $Q'=0.42\,\mathrm{MeV}$ である。

4. いわゆる太陽ニュートリノ問題について、以下のキーワードを用いて簡単に説明せよ。 キーワード: Davis の実験、カミオカンデ、ニュートリノ振動、非標準太陽モデル、日震学

¹円板面に立てた垂線上に太陽が位置する向き。